

جمهوری اسلامی ایران  
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران  
اداره آموزش و پرورش منطقه ۴ تهران

ش سندلی (ش داوطلب): نام و نام خانوادگی: سؤال امتحان درس: ریاضی	نام واحد آموزشی: دبیرستان شاهد معلم نام پدر: نام دبیر / دبیران:	نوبت امتحانی: دوم رشته: تجربی سال تحصیلی: ۱۳۸۹ - ۱۳۹۰	ساعت امتحان: وقت امتحان: تاریخ امتحان: تعداد برگ سؤال: ۱ برگ
--	---	---	---

۱- مشتق توابع داده شده را بدست آورید (نیازی به ساده کردن نمی باشد)

الف)  $y = \ln(\tan x) - \cot^2(\sqrt[3]{x})$       ب)  $y = e^{\sin x} + \frac{\pi}{x^2 - 1}$

۲- معادله خط مماس بر منحنی  $x^2 + xy + y^2 = 3$  را در نقطه  $A(1,1)$  بیابید.

۳- تابع  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  مفروض است. ضرایب را طوری بیابید که تابع در نقطه  $A|_3^0$  دارای Ext نسبی بوده و در نقطه  $I|_{-1}^1$  عطف داشته باشد.

۴- مقادیر max و min مطلق تابع  $y = 3 - (x-3)^2$  را بر بازه  $[-5,4]$  بیابید.

۵- معادله ی دایره ای را بنویسید که  $A|_{-3}^1$  و  $B|_5^3$  دو سر قطر آن باشد.

۶- مطلوبست معادله ی سهمی که کانون آن  $F|_4^{-2}$  و خط هادی آن  $X=4$  باشد.

۷- معادله ی بیضی  $x^2 + 4y^2 - 2x + 16y + 13 = 0$  مفروض است. بیضی را به فرم استاندارد نوشته، مختصات رأس کانون ها را بیابید.

۸- معادله ی هذلولی را بنویسید که  $A|_1^4$  و  $A|_1^{-4}$  رأس های آن و خروج از مرکز آن  $\frac{3}{2}$  باشد.

۹- انتگرال نامعین توابع زیر را بیابید.

الف:  $\int \left( 2x^3 - \frac{x}{3} + \sqrt{x} \right) dx$       ب:  $\int (3\cos x - 2\sin x) dx$

۱۰- انتگرال معین توابع زیر را بیابید.

الف:  $\int_0^3 [x] dx$       ب:  $\int_1^4 \left( \frac{1}{\sqrt{x}} + 2x \right) dx$       ج:  $\int_0^{\frac{\pi}{3}} \tan^2 x dx$

۱۱- اگر  $F(x) = \int_1^x \frac{\cos t}{1+t^2} dt$  باشد، مشتق تابع  $y = F(x^3)$  کدام است؟